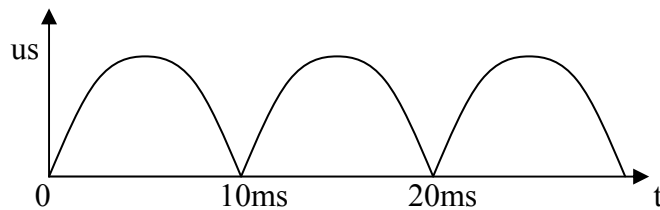


ATS 2001 - Corrigé

1. Alimentation du Hacheur

11a.



11b. $\langle u_s \rangle = 2U_r \sqrt{2} / \pi = U_s = 207V.$

11c. $\langle L \cdot di/dt \rangle = 0$ donc $U_o = \langle u_s \rangle.$

12a. Si $u_s = U_s + \delta u_s = U_s + \Delta u_s \cdot \sin(\omega_s \cdot t)$, alors la série de Fourier équivalente au signal u_s est réduite aux termes : composante continue et 1^o terme sinusoïdal.

Cette décomposition ne comprend que des termes en cosinus car la fonction $u_s(t)$ est paire.

L'amplitude des termes en cosinus est :

$$B_n = (2U_r \sqrt{2} / \pi) \cdot \int_0^\pi \sin \theta \cdot \cos(2n\theta) d\theta = (-4U_r \sqrt{2}) / [\pi(4n^2 - 1)] \text{ et si } n=1 \quad B_1 = -4U_r \sqrt{2} / 3\pi = \Delta u_s.$$

Alors $u_s = U_s + \delta u_s = U_s \cdot [1 - 2/3 \cos(2\omega_r \cdot t)].$

12b. $\omega_s = 2 \cdot \pi \cdot f_r = 628 \text{ rd/s.}$

12c. $\underline{U}_o = (\underline{U}_s / jC_s \omega_s) / (jL_s \omega_s + 1/jC_s \omega_s) = \underline{U}_s / (1 - L_s C_s \omega_s^2)$

12d. $\underline{I}_s = \underline{U}_s / (jL_s \omega_s + 1/jC_s \omega_s) = jC_s \omega_s \underline{U}_s / (1 - L_s C_s \omega_s^2)$

13a. $\Delta I_{\text{maxi}} = 2 | \underline{I}_s | = 2 \cdot (U_o/3) \cdot C_s \cdot \omega_s / | 1 - L_s C_s \omega_s^2 |$

$$0,1 \cdot U_o = 2 \cdot \delta u_o = 2 \cdot (2 \cdot U_o/3) / | 1 - L_s C_s \omega_s^2 |$$

13b. Alors $L_s C_s \omega_s^2 = 14,3$ et $C_s \omega_s = 3 \cdot | 1 - L_s C_s \omega_s^2 | / (4U_o).$

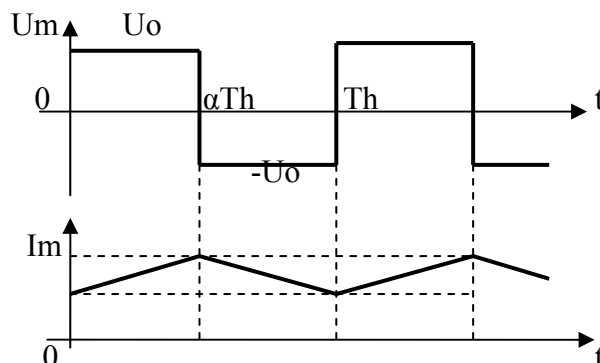
$C_s \text{ min} = 77 \mu\text{F}$ et $L_s \text{ min} = 0,47 \text{ H.}$

2. Hacheur

21a. De 0 à $\alpha \cdot Th$, $u_m = U_o = L_m \cdot di/dt + E.$

21b. De $\alpha \cdot Th$ à Th , $u_m = -U_o = L_m \cdot di/dt + E.$

21c.



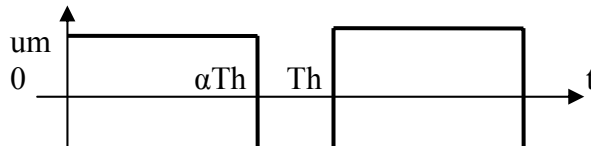
21d. $U_m = U_o.(2\alpha - 1)$

21e. $\langle Lm.dim/dt \rangle = 0$ en régime établi donc $E = U_m = U_o.(2\alpha - 1)$

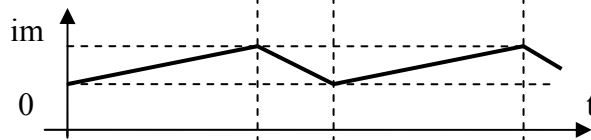
21f. $\Delta I_m = (U_o - E)/Lm = (2U_o / Lm.fh).(1 - \alpha).\alpha$

21g. Pour $\alpha = 0,75$ $U_m = 105V$ et $\Delta I_m = 1,31A$.

22a.



22b.



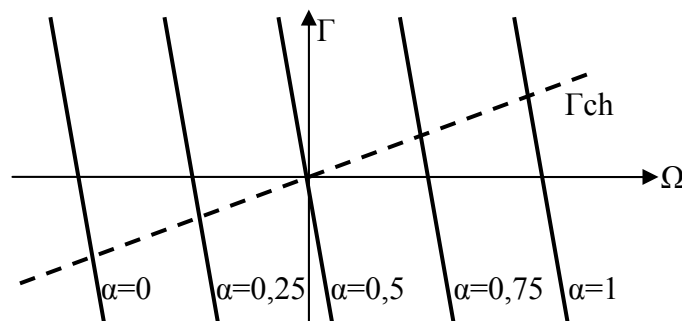
22c. Conduisent: T1 T4 D2 D3 T1 T4

22d. Si i_m change d'amplitude, u_m n'est pas modifié par contre le tracé de i_m se décale selon $\langle i_m \rangle$.

23a. $U_m = E + R.I_m$

23b. $\Gamma = k.I_m = (k/R).[U_o(2\alpha - 1) - k.\Omega]$

23c.



23d. Si $\Gamma_{ch} = f\Omega$

23e. A Ω_{maxi} , $\alpha = 1$ et $f\Omega = (k.U_o/R) - (k^2.\Omega_{maxi}/R)$.
On en déduit $\Omega_{maxi} = (k.U_o/R) / (f + k^2/R) = 284rd/s$.

23f. Pour $\alpha = 0,5$, $\Omega = 0$.

3. Réversibilité.

31. $\Omega_n = 2\pi n n / 60 = 50\pi dr/s$.

32. Le redresseur à diode est non réversible car $\langle u_s \rangle$ et I_s sont toujours positives.

33. $\Delta W_c = J.\Omega n^2/2 = 2,7.10^4 J.$

34. Cs stocke $\Delta W_c/2 = C_s.(U_f^2 - U_o^2)/2$. Donc $U_f = (\Delta W_c/C_s + U_o^2)^{1/2} = 16 kV$. Il faut donc consommer l'énergie dans une résistance Rb.

35. AO1 est suiveur. Les états du trigger de Schmitt AO2 n'ont pas d'effet sur l'image de Ucs ramenée par le diviseur R3 R4.

36. Si $U_{cs} = 100.U_1$, $R_4 = R_3/100$. Mais R3 doit supporter 210V donc $R_{3min} = 220/0,5 = 88k\Omega$. Par exemple $R_3 = 1M\Omega$ et $R_4 = 10k\Omega$.

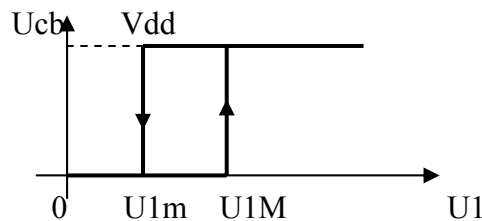
37a. $V^+ - V^- = U_1.R_2/(R_1 + R_2) - R_2$ si $U_{cb} = 0$.

37b. $U_{cb} = 0$ si $V^+ - V^- < 0$ et à la limite $U_{1m} = U_2.(R_1 + R_2)/R_2$.

38a. Si $U_{cb} = V_{dd}$ (il manque sur le schéma une résistance entre la base de Tb et la sortie de AO2), $V^+ - V^- = V_{dd}.R_1 / (R_1+R_2) + U_1.R_2/(R_1+R_2) - U_2$.

38b. $U_{cb} = V_{dd}$ si $V^+ - V^- > 0$ et à la limite $U_{1M} = U_2.(R_1+R_2)/R_2 - V_{dd}.R_1/R_2$.

39.



310a. $U_{1m} = U_o/100 = 2,1V$ et $U_{1M} = U_{1m}.1,2$ alors $R_1 = 0,035.R_2$.

310b. $[R_5 / (R_5+R_6)] . [V_{dd}.(R_1+R_2)/R_1] = 2,1$ alors $R_5 = 0,0058.R_6$.

310c. Exemple de valeurs, $R_2 = R_6 = 1M\Omega$, $R_1 = 35k\Omega$ et $R_5 = 5,8k\Omega$.

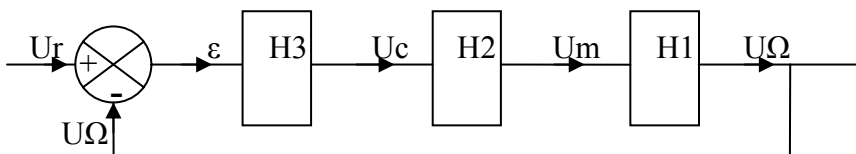
4. Asservissement de la vitesse.

41. $V^+ = V^-$, $U_\Omega.R_{10}/(R_9+R_{10}) = U_r.R_8/(R_7+R_8) + U_3.R_7/(R_7+R_8)$

$U_3 = U_\Omega.(R_{10}/R_7).(R_7+R_8)/(R_9+R_{10}) - U_r.R_8/R_7$

42. $\underline{U_c} = - (U_3/R_{12}).(R_{11}+1/jC_w)$ donc $U_3(p)/U_c(p) = -p.R_{12}.C_1/(1+p.R_{11}.C_1)$

43a. Si $R_7 = R_8 = R_9 = R_{10}$ alors $U_3 = -\varepsilon = U_\Omega - U_r$



Où $H_3(p) = (1 + p.R_{11}.C_1) / p.R_{12}.C_1$

$$43b. H1(p) = U\Omega(p)/Um(p) = [\Omega(p)/Um(p)] \cdot [U\Omega(p)/\Omega(p)] = (km.k\Omega) / (1 + \tau mp)$$

$$H2(p) = Um(p)/Uc(p) = kc / (1 + \tau cp)$$

$$43c. \text{ Si } \tau i = R11.C1 \text{ et } ki = R12/R11 \quad H3(p) = (1/ki).(1 + \tau ip) / (\tau i.p)$$

$$44. Hbo(p) = U\Omega(p)/\epsilon(p) = H3(p).H2(p).H1(p) \\ Hbo(p) = (kc.km.k\Omega / ki.\tau i.p).(1 + \tau ip) / [(1 + \tau cp).(1 + \tau mp)]$$

45a. Avec $A = kc.km.k\Omega / ki$, $Hbo(p) = (A/\tau i.p) \cdot (1 + \tau i.p) / [(1 + \tau c.p).(1 + \tau m.p)]$ et si de plus $\tau i = \tau m$ il y a compensation du pole dominant.

$$45b. Hbo(p) = (A/\tau m.p) / (1 + \tau c.p)$$

$$46. Hbf(p) = U\Omega(p)/Ur(p) = Hbo(p) / [1+Ho(p)] = 1 / [1 + \tau m.p/A + \tau c.\tau m.p^2/A]$$

$$47a. \omega_o^2 = A/(\tau c.\tau m) \quad \omega_o = (A/\tau c.\tau m)^{1/2}$$

$$47b. m = (1/2).(\tau m/A.\tau c)^{1/2}$$

$$48a. m = \sqrt{2} \text{ si } \tau m = 2.A.\tau c$$

48b. Avec $m = \sqrt{2}$ il n'y a pas de résonance.

$$48c. \text{ Alors } \omega_o = 1/(\sqrt{2}.\tau c).$$

$$48d. \tau i = \tau m = 0,012s \quad ki = 37,3.10^{-3}$$

$$49. R7 = R8 = R9 = R10 = 1M\Omega$$

Connaissant $ki = R12/R11$ et $\tau i = R11.C1$ et si par exemple $C1 = 1\mu F$:
 $R11 = 12k\Omega$, $R12 = 390\Omega$.